

数学科からの問題 No.41 (2022.4.18出題) 締め切り 5/2 (月)

回答用フォームはこちら ⇒ <https://forms.gle/fsJnpjHLU3kWdp19A>



解説

(1)

① 2点が2回なので、1点が4回

(2, 2, 1, 1, 1, 1), (2, 1, 2, 1, 1, 1), (2, 1, 1, 2, 1, 1), (2, 1, 1, 1, 2, 1), (2, 1, 1, 1, 1, 2)

(1, 2, 2, 1, 1, 1), (1, 2, 1, 2, 1, 1), (1, 2, 1, 1, 2, 1), (1, 2, 1, 1, 1, 2)

(1, 1, 2, 2, 1, 1), (1, 1, 2, 1, 2, 1), (1, 1, 2, 1, 1, 2)

(1, 1, 1, 2, 2, 1), (1, 1, 1, 2, 1, 2)

(1, 1, 1, 1, 2, 2) ∴ 15通り

② 1点の取り方は1通り … ①

2点の取り方は2通り … ②

3点の取り方は,

最初が2点のとき (残りが1点) → 1点の取り方は, ①より1通り

最初が1点のとき (残りが2点) → 2点の取り方は, ②より2通り

よって, $1+2=3$ (通り) … ③

4点の取り方は,

最初が2点のとき (残りが2点) → 2点の取り方は, ②より2通り

最初が1点のとき (残りが3点) → 3点の取り方は, ③より3通り

よって, $2+3=5$ (通り)

同様に考えると,

5点の取り方は, $3+5=8$ (通り), 6点の取り方は, $5+8=13$ (通り)

7点の取り方は, $8+13=21$ (通り)。

よって, 8点の取り方は, $13+21=34$ (通り)

(2)

① (1)の②と同様に考える。

1点の取り方が1通り

2点の取り方が2通り

3点の取り方は,

「3点を取る」, 「最初が2点のとき (残り1点)」, 「最初が1点のとき (残り2点)」なので,

$1+1+2=4$ (通り)

4点の取り方は,

「最初が3点のとき (残り1点)」, 「最初が2点のとき (残り2点)」, 「最初が1点のとき (残り3点)」

なので,

$1+2+4=7$ (通り)

同様に考えると,

5点の取り方は、 $2+4+7=13$ （通り）、6点の取り方は、 $4+7+13=24$ （通り）

7点の取り方は、 $7+13+24=44$ （通り）、8点の取り方は、 $13+24+44=81$ （通り）

9点の取り方は、 $24+44+81=149$ （通り）。

よって、10点の取り方は、 $44+81+149=274$ （通り）

② 合計が7点になるのが44通りで、途中で7点になったあと合計が10点（残りが3点）になるのは、

$$44 \times 4 = 176 \text{（通り）}$$

よって、ゲームの途中で、一度も7点にならない得点の取り方は、

$$274 - 176 = 98 \text{（通り）}$$